

## Courts calculs sur la divisibilité des modules

**Auteurs : Dedekind, Richard**

En passant la souris sur une vignette, le titre de l'image apparaît.

4 Fichier(s)

Contributeur·rices Haffner, Emmylou  
Éditeurs Emmylou Haffner (Institut des textes et manuscrits modernes, CNRS-ENS)  
; Niedersächsische Staats- und Universitätsbibliothek, Göttingen ; projet EMAN  
(Thalim, CNRS-ENS-Sorbonne nouvelle).

### Présentation

Titre Courts calculs sur la divisibilité des modules

Date 188x

Sujet

- divisibilité
- dualité
- modules
- nombres de classes
- notation 3
- trois modules

Cote Cod. Ms. Dedekind X 10, p. 14-15

Langue Allemand

### Description & Analyse

Description Définition de  $a'''$ ,  $b'''$ ,  $c'''$ ,  $a''$ ,  $b''$ ,  $c''$ . Quand a-t-on  $a''' < c'' < c$  ?

Mode(s) d'écriture Calculs

Auteur·es de la description Haffner, Emmylou

### Relations

**Collection Cod. Ms. Dedekind X 11-1**

*Ce document utilise la même notation que :*

 [Théorie des trois modules, divisibilité.](#)

[Afficher la visualisation des relations de la notice.](#)

## Mots-clefs

[divisibilité](#), [dualité](#), [modules](#), [nombres de classes](#), [notation3](#), [trois modules](#)

Notice créée par [Emmylou Haffner](#) Notice créée le 15/01/2019 Dernière modification le 18/04/2024

---

$$\begin{array}{l} a''' = b + r, \quad b''' = r + a, \quad r''' = a + b \quad | \text{ Def.} \\ a'' = b''' - r''', \quad b'' = r''' - a''', \quad r'' = a''' - b'''' \end{array}$$

Dann ist

$$a''' < r'' < b$$

Denn  $a''' - r'' = a''' - (a''' - b''') = a''' - a''' + b''' = a''' - b'''' = r''$  also

und ferner

$$a''' + r'' = (b + r) + r = b + r + r = b + r = a''', \quad \text{also } a''' - r'' = r$$

$$b''' + r'' = (r + a) + r = r + a + r = r + a = b''', \quad \text{also } b''' - r'' = r$$

folglich

$$r'' - r = (a''' - b''') - r'' = a''' - (b''' - r'') = a''' - r'' = r$$

v. z. l. w.

Folglich  $(b, r) =$

$$(a''', r) = (a''', r'')(r'', r)$$

Ferner

$$(a''', r'') = (a''', a''' - b''') = (a''', b''') = (a''' + b''', b''')$$

Nun ist

$$a''' + b''' = (b + r) + (r + a) = a + b + r = r'''' = b + b''',$$

also

$$(a''' + b''', b) = (b + b''', b) = (b, b''')$$

Definiert man ferner

$$a_1 = a - a''', \quad b_1 = b - b''', \quad r_1 = r - r''' \quad \text{Def.}$$

so ist auch

$$(b, b''') = (b, b_1)$$

also

$$(b, r) = (b, b_1)(r'', r)$$

Ebenso

$$(b, r) = (b, b_2)(r', r)$$

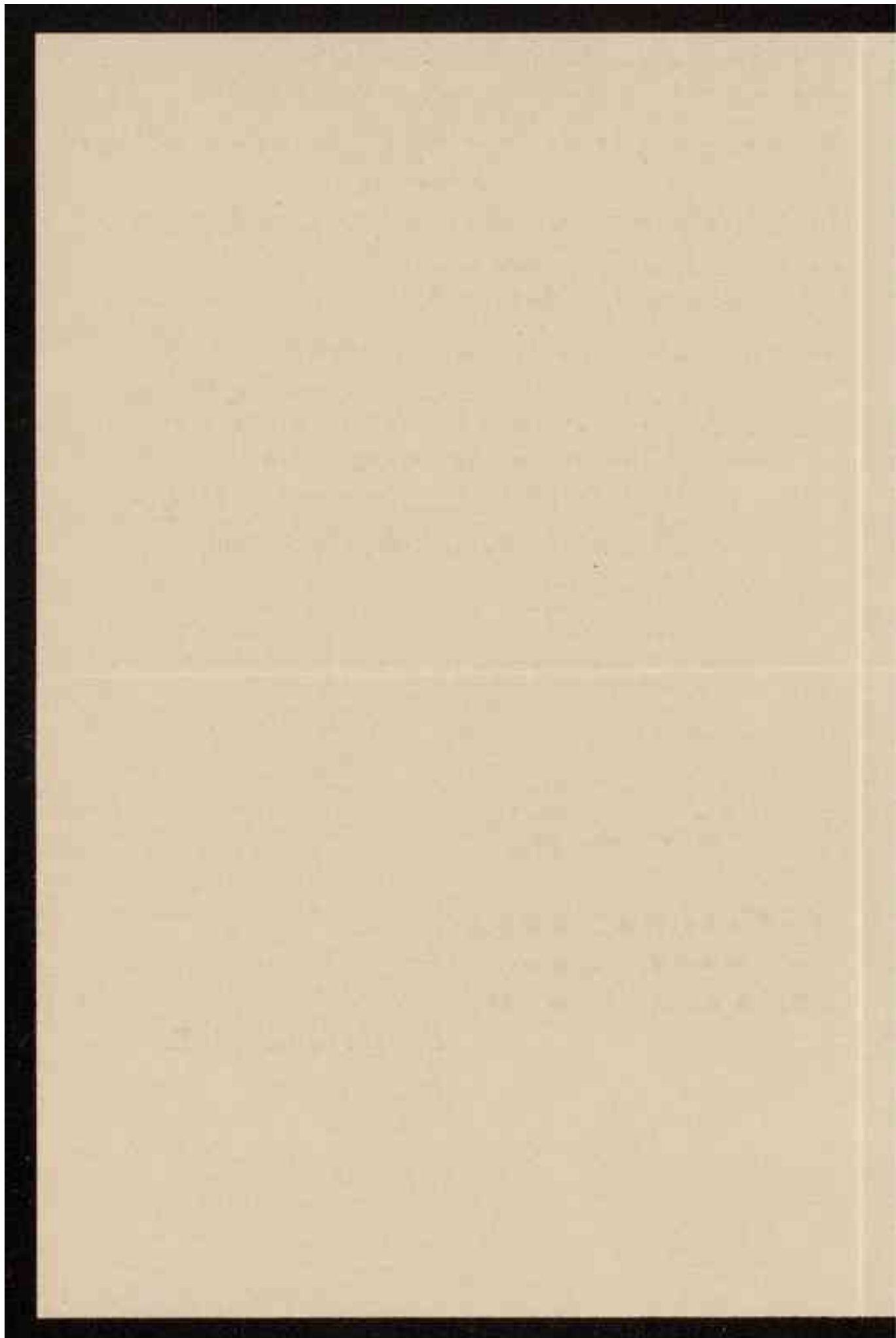
Ebenso Definitionen

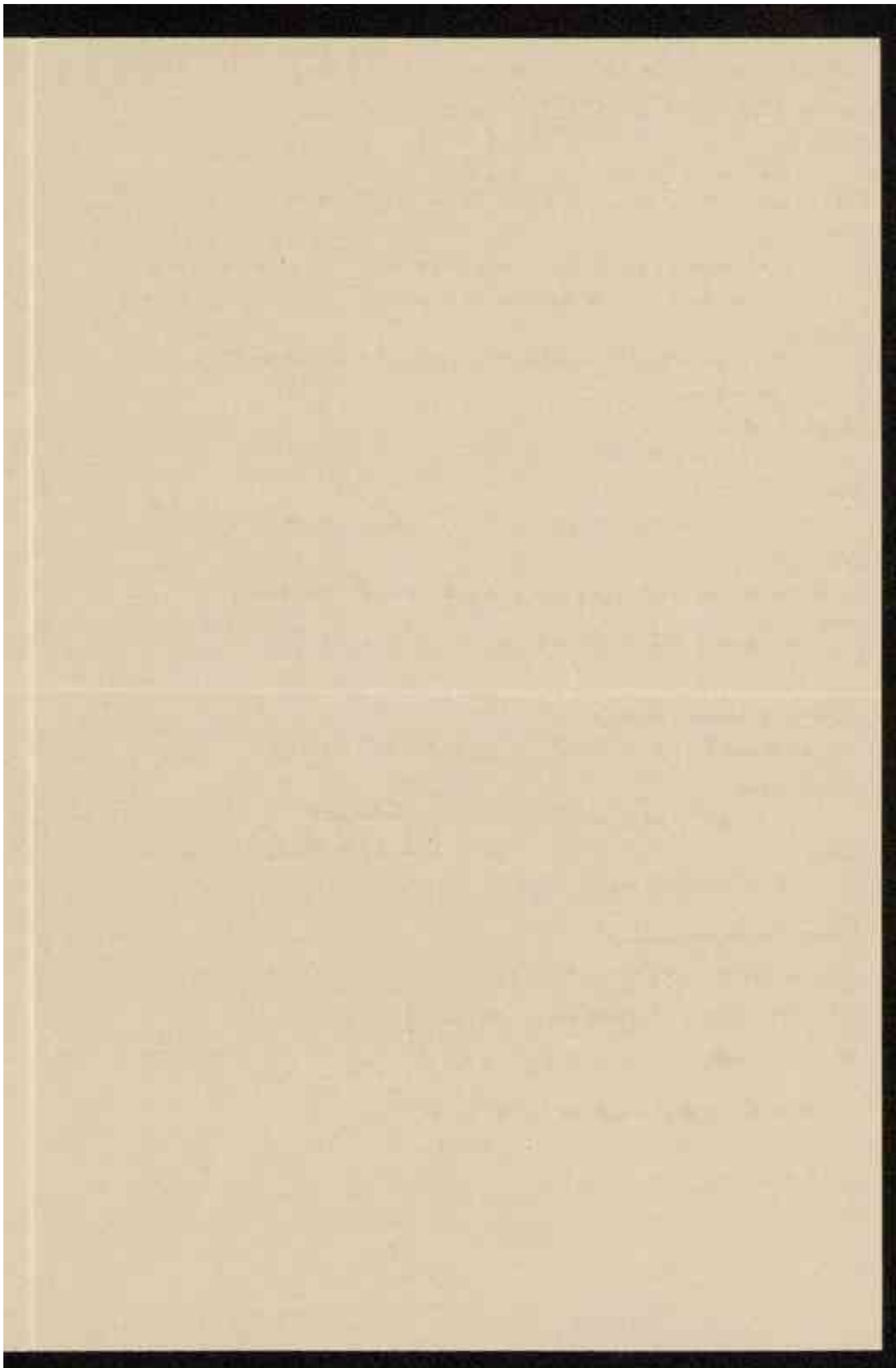
$$a_2 = b - r, \quad b_2 = r - a, \quad r_2 = a - b$$

$$a_2 = b_2 + r_2, \quad b_2 = r_2 + a_2, \quad r_2 = a_2 + b_2$$

$$a' = a + a_2, \quad b' = b + b_2, \quad r' = r + r_2$$

$$b < b_1 < b_2 \quad \text{und} \quad r'' < r' < r$$





$$(a+b) - (a+r) = a + (b - (a+r)) = a + (\tau - (a+b))$$

$$(a-b) + (a-r) = a - (b + (a-r)) = a - (\tau + (a-b))$$

$$(b, r) = (a''', r) = (a''', r'') (r'', r) = (a''', b''') (r'', r) = (b, b''') (r'', r)$$

Braunschweig, Datum des Poststempels.

$$(b, r) = (b, a_2) = (b, b_2) (b_2, a_2) = (b, b_2) (r_2, a_2) = (b, b_2) (r_2, r)$$

$$\text{Nun ist } b - b''' = b_1 \quad ; \quad r'' + r = r''$$

$$b - b_2 = b_2 \quad ; \quad r_2 + r = r'$$

$$\text{Also } (b, r) = (b, b_1) (r'', r) = (b, b_2) (r', r)$$

Am heutigen Tage eröffnete ich hier  $(b, b_2) = (b, b_1) (b_1, b_2)$

$$b < b_1 < b_2 \quad ; \quad r'' < r' < r \quad \left| \quad (r'', r) = (r'', r') (r', r) \right.$$

### No. 6, vor der Burg No. 6

$$\text{ein } (b, r) = (b, b_1) (r', r) (r'', r') = (b, b_1) (r', r) (b_1, b_2)$$

## Chocoladen- und Zucker-Waaren-Geschäft,

15  
worauf mir von Herrn Louis Hirsch hier die Haupt-Niederlage seiner Fabrikate übertragen wurde; ausserdem führe ich mehrere andere feine Sorten in Chocoladen, Cacao's, Cakes aus den besten Fabriken des In- und Auslandes.

Gleichzeitig halte stets Lager in feinen Thee's, Liqueuren, Punsch, Chinesischen Waaren u. s. w.

Durch reelle und aufmerksame Bedienung werde ich bemüht sein, mir einen Kundenkreis zu erwerben und bitte ich Sie, mir durch Zuwendung Ihrer werthen Kundschaft mein Unternehmen gütigst unterstützen zu wollen.

$$(r'', r') = (b_1, b_2)$$

Hochachtungsvoll

$$r''' - b''' = a + (b - b''') = a + (\tau - r''')$$

$$a'' = a + b_1 = a + r_1$$

$$a_2 = a - b' = a - r'$$

A. Drenckhahn.