

Trois modules (ou groupes abéliens)

Auteurs : Dedekind, Richard

Voir la transcription de cet item

En passant la souris sur une vignette, le titre de l'image apparaît.

2 Fichier(s)

Contributeur·rices Haffner, Emmylou

Éditeurs Emmylou Haffner (Institut des textes et manuscrits modernes, CNRS-ENS)
; Niedersächsische Staats- und Universitätsbibliothek, Göttingen ; projet EMAN
(Thalim, CNRS-ENS-Sorbonne nouvelle).

Présentation

Titre Trois modules (ou groupes abéliens)

Date 189x

Sujet

- groupes
- Modulgesetz
- trois modules

Cote Cod. Ms. Dedekind X 11-2, p. 14

Format 1 p., 2 f.

Langue Allemand

Description & Analyse

Description Commence par une étude du "groupe" généré par 3 modules ou trois groupes abéliens. Reformulation dans la notation utilisée pour la théorie des groupes (eg Modulgesetz). Étude du treillis formé par les sous-groupes normaux.

Notes Rédigé par dessus une lettre.

Mode(s) d'écriture

- Calculs
- Tableau

Auteur·es de la description Haffner, Emmylou

Mots-clefs

[Groupes](#), [Modulgesetz](#), [trois modules](#)

Notice créée par [Emmylou Haffner](#) Notice créée le 19/07/2021 Dernière modification le 21/07/2021



Fichier issu d'une page EMAN : <http://eman-archives.org/Dedekind/items/show/301?context=pdf>

$$(\Phi: M, X: M', \Psi: P)$$

m natürliche Zahl

M Gruppe der mten Klassen (mod m), welche relative Primzahlen zu m enthalten
 \mathcal{H} eine in M enthaltene Gruppe (Theiler von M)

$$(\mathcal{H}, M) = n \text{ Zahlen von } \mathcal{H} \text{ aushebt}; \varphi(m) = mn', n' = (1, \mathcal{H})$$

p eine natürliche Primzahl

p' die höchste in m auftretende Potenz von p

m = m'p', m' die größte durch p nicht theilbare Divisor von m

M' diejenigen Theiler von M, Indirekt diejenigen Klassen (mod m) in M, deren Zahlen $\equiv 1$ (mod m')

P Indirekt diejenigen Klassen (mod m) in M, deren Zahlen $\equiv 1, p, p^2, p^3, \dots$ (mod m')

$$(1, M') = \varphi(p'), (M', M) = \varphi(m') \mid \text{Es ist } P, \text{ dann ist } M' \text{ Theiler von } P$$

$$e_0 = (P, M), f_0 = (M', P), g_0 = (1, M') = \varphi(p'); e_0 f_0 = \varphi(m')$$

A+B gr. gemeinsame Theiler der Gruppen A, B

A-B = AB gr. gemeinsame Divisoren der Gruppen A, B

$$(A, B) = (A+B, B) = (A, A+B)$$

$$e = (\mathcal{H}, M), f = (\mathcal{H}, M'), g = (\mathcal{H}, \mathcal{H}M'); efg = n$$

$$f = (\mathcal{H}, M', \mathcal{H}, P) = (\mathcal{H}, M', P) = (P + \mathcal{H}, M'), P = (P + \mathcal{H}, M', P)$$

$$g = (\mathcal{H}, \mathcal{H}, M') = (\mathcal{H}, M') = (\mathcal{H} + M', M')$$

$$1 < M' < P < M, 1 < \mathcal{H} < M$$

$$1 < \mathcal{H} + M' < \mathcal{H} + P < \mathcal{H} < \mathcal{H} + M' < \mathcal{H} + P < M$$

$$(\mathcal{H}, M') = (\mathcal{H} + M', M') = (\mathcal{H}, \mathcal{H} + M'), (\mathcal{H}, P) = (\mathcal{H} + P, P) = (\mathcal{H}, \mathcal{H} + P)$$

$$(M', \mathcal{H}) = (\mathcal{H} + M', \mathcal{H}) = (M', \mathcal{H} - M'), (P, \mathcal{H}) = (\mathcal{H} + P, \mathcal{H}) = (P, \mathcal{H} - P)$$

$$\mathcal{H} + M' = \mathcal{H}', \mathcal{H} - M' = \mathcal{H}_1, \quad \mathcal{H} = P + (\mathcal{H} - M') = (\mathcal{H} + P) - M'$$

$$\mathcal{H} + P = \mathcal{H}', \mathcal{H} - P = \mathcal{H}_2, \quad \mathcal{H} = P + \mathcal{H}_1 = \mathcal{H}' - M'$$

$$1 < \mathcal{H}', \mathcal{H}' < \mathcal{H}', M';$$

$$\mathcal{H}' < \mathcal{H}, \mathcal{H}_1$$

$$M' < \mathcal{H}_1$$

$$\mathcal{H} < \mathcal{H}_1$$

$$\mathcal{H}_1 < \mathcal{H}, P$$

$$\mathcal{H}_1 < \mathcal{H}_2$$

$$P < \mathcal{H}_2$$

$$\mathcal{H}_2 < M$$

$$\left\{ \begin{array}{l} f = (\mathcal{H}_1, P) = (\mathcal{H}_1, \mathcal{H}_2) \quad f = (\mathcal{H}_1, P) \\ g = (\mathcal{H}_1, \mathcal{H}_1) = (\mathcal{H}', M') \quad g = (\mathcal{H}_1, M') \\ e = (\mathcal{H}_2, M) \end{array} \right\}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} e_0 = (P, M) = (P, \mathcal{H}_2) (\mathcal{H}_2, M) = e (P, \mathcal{H}_2) \\ f_0 = (M', P) = (M', \mathcal{H}_1) (\mathcal{H}_1, P) = f (M', \mathcal{H}_1) \\ g_0 = (1, M') = (1, \mathcal{H}') (\mathcal{H}', M') = g (1, \mathcal{H}') \end{array} \right\}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} e' = (P, \mathcal{H}_2) = (P, \mathcal{H} - P) = (P, \mathcal{H}) = (\mathcal{H}', \mathcal{H}) \\ f' = (M', \mathcal{H}_1) = (M', \mathcal{H}' - M') = (M', \mathcal{H}') = (\mathcal{H}', \mathcal{H}') \\ g' = (1, \mathcal{H}') \end{array} \right\} \quad \left\{ \begin{array}{l} e_0 = e e' \\ f_0 = f f' \\ g_0 = g g' \end{array} \right\} \quad \left\{ \begin{array}{l} e_0 f_0 g_0 = \varphi(m) \\ e f g = n \\ f' g' = n' \end{array} \right.$$

$$g_0 = \varphi(p'), e_0 f_0 = \varphi(m')$$

$$ep = (y_1, y_2, \dots, y_r)^p, N(y_r) = p^f$$

$$xy = (y_1, y_2, \dots, y_r, z)^{p^f}, \pi(y_{r+1}) = y_r^{f'}, \pi(y_{r+2}) = y_r^{f'} f' g' = y_r^{n'}$$

$$e_0 p = \pi^{f'} y_{r+1}^{p^f} \pi^{f'} y_{r+2}^{p^f}, N_0(y_{r+1}) = N \pi(y_{r+1}) = N(y_r^{f'}) = p^f f' = p^f f_0$$