

Calculs sur des modules finis 6

Auteurs : Dedekind, Richard

En passant la souris sur une vignette, le titre de l'image apparaît.

2 Fichier(s)

Contributeur·rices Haffner, Emmylou

Éditeurs Emmylou Haffner (Institut des textes et manuscrits modernes, CNRS-ENS) ; Niedersächsische Staats- und Universitätsbibliothek, Göttingen ; projet EMAN (Thalim, CNRS-ENS-Sorbonne nouvelle).

Présentation

Titre Calculs sur des modules finis 6

Date 1892-3

Sujet

- modules
- modules finis
- théorie des nombres

Cote Cod. Ms. Dedekind X 9, p. 29

Format 1 f. ; 2 p.

Langue Allemand

Description & Analyse

Description Suite des calculs de la page précédente.

Vers la fin de la page, question supplémentaire : Peut-être choisir $q \bmod p$ tel quel q soit relativement premier à n ? Réponse au problème.

Mode(s) d'écriture

- Aufgaben
- Calculs phase 1

Auteur·es de la description Haffner, Emmylou

Relations

Collection Cod. Ms. Dedekind X 9

Ce document a les mêmes calculs que :



[Calculs sur des modules finis 5](#)

Collection Cod. Ms. Dedekind X 9



[Calculs sur des modules finis 7](#)

a les mêmes calculs que ce document

[Afficher la visualisation des relations de la notice.](#)

Mots-clefs

[modules](#), [modules finis](#), [théorie des nombres](#)

Notice créée par [Emmylou Haffner](#) Notice créée le 24/10/2018 Dernière modification le 17/09/2020



Aachener und Münchener
Feuer-Versicherungs-Gesellschaft.



Da die Versicherung in der Police N^o 16423, zum Betrage von M. 4425
 am 1ten Februar abläuft, so erlaubt sich Unterzeichnete die ergebensie Anfrage, ob
 und für welchen Zeitraum die Prolongation gewünscht wird.

Erneuerung der Police vom 1ten Februar 18 89

Gesamt-Agentur Erneuerung
Stierlings

Zu prolongieren auf Jahre,
 den um 18

$u = u_0 + \dots$
 $u_0 - p v_0 = [u, p]$
 $[u, p] = \dots$
 $[u, p] = \dots$
 $[u, p] = \dots$
 $[u, p] = \dots$
 $[u, p] = \dots$
 $[u, p] = \dots$
 $[u, p] = \dots$

Erneuerung der Police vom 1ten Februar 18 89
Stierlings

Erneuerung

$$r = [m\alpha, p\alpha + n\beta] = [am\alpha' + bm\beta', (cp + en)\alpha' + (bp + dn)\beta']$$

$$v = [\alpha, \beta] = [\alpha', \beta'] \quad \text{Man nehme ein } [m, n] = [1, 1]$$

$$\left. \begin{aligned} \alpha &= a\alpha' + b\beta' \\ \beta &= c\alpha' + d\beta' \end{aligned} \right\} \Rightarrow ad - bc = 1$$

$$[p, n] = n'$$

so n\u00e4he man die Relation $bp + dn = n'$

$$\text{L\u00e4sst } bp + dn = n' \quad b \frac{p}{n'} + d \frac{n}{n'} = 1$$

$$b_0 p + d_0 n = n'$$

$$b = b_0 + x \frac{n}{n'}$$

$$d = d_0 - x \frac{p}{n'}$$

$$bm = (b_0 + x \frac{n}{n'})m, \quad n'$$

$$b \cdot bm + d \cdot (bp + dn) = 1$$

$$= b b_0 m + b d_0 p + d d_0 n = 1$$

$$= b(b_0 m + d_0 p) + d \cdot d_0 n = 1$$

$$[bm, n'] = [b, n']$$

$$bp + dn = k + [p, n]$$

$$b \frac{p}{n'} + d \frac{n}{n'} = 1$$

Ersetzt man in durch p, m, p durch p_1, m_1, m_2

$$r = [p_1 m_1 \alpha, p_2 m_1 \alpha + m_2 \beta] ; [p_1, p_2] = [m_1, m_2] = 1$$

so ist

$$[b p_1 m_1, b p_2 m_1 + d m_2] = [b m_1, b p_1 m_1 + d m_2, b m_2 + d p_2 m_1]$$

$$p_1 p_2 + p_1 p_2 = 1 \quad = [d p_1 p_2 m_1, d m_2 - d p_1 p_2, b m_1 + d p_2 m_1]$$

$$= [d p_1 m_1, b m_1 + d p_2 m_1]$$

$$= [b p_1 m_1, d p_1 m_1, b p_2 m_1 + d m_2, b m_1 + d p_2 m_1]$$

$$b p_1 m_1 + d p_1 p_2 + d m_2 = 1$$

=

Man nehme

f\u00fcr b den

gr\u00f6\u00dften gemeinsamen

Teiler von

m_1, p_2

so ist b rel. prim.

zu m_1 also

$$\exists m, p_1, x, y \in \mathbb{Z}$$

$$r = c [p m \alpha, q m \alpha + n \beta] ; [p, q] = [m, n] = 1$$

$$c [c m n - c q m v, c p m v, c^2 p m n] = [c^2 p m n]$$

$$c [m n - q m v, p m v, c p m n] = [c p m n]$$

Kann man q (mod. n) so w\u00e4hlen, dass q relativ prim zu n wird?

$$q' = q + x p \text{ soll relativ prim zu } n \text{ werden!}$$

ist n' das Produkt aller diejenigen in n aufgehenden Primzahlen, welche nicht in p aufgehen

Man nehme x, y mit den Zahlen m', n', n'

$$m m' + p p' + n n' = 1$$

$$m' x + p' y = 1 \quad \text{oder } m' x + p' y = 1$$

$$p z + n y = k \quad \left\{ \begin{aligned} p z + n y + m n &= 1 \\ k x + m v &= 1 \end{aligned} \right.$$

$$m' x + p' y + m n = 1$$

$$k x + m v = 1$$